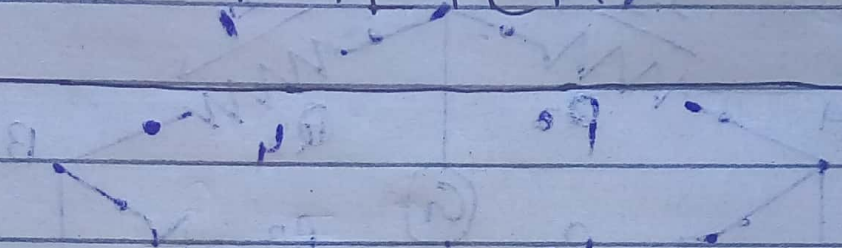


UNIT- 5

IMPEDANCE BRIDGE AND

Q - METER.

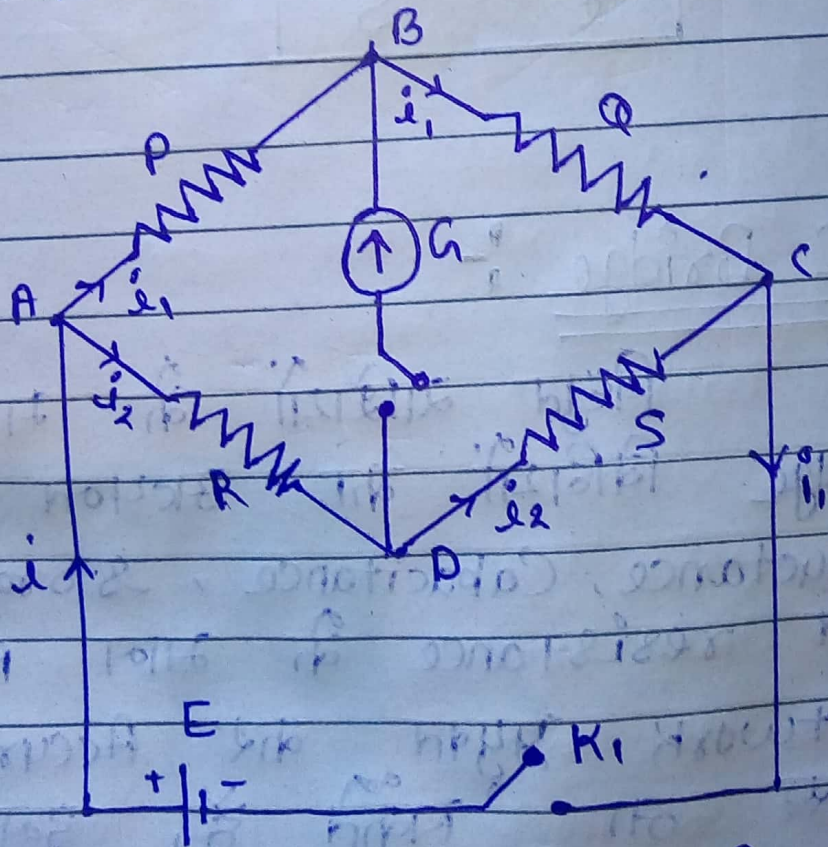


* Wheatstone bridge :-

इसका आविष्कार Wheatstone ने किया था, उन्हीं के नाम पर इसे Wheatstone bridge कहते हैं, इसमें चार resistance P, Q, R तथा S को series में connect कर ABCD एक चतुर्भुज बनाते हैं, चतुर्भुज के Arm, A व C के मध्य एक battery E तथा एक Key K₁ लगाते हैं तथा Arm, B व D के मध्य एक धारामापी G व Key K₂ को लगाते हैं, अब चतुर्भुज की चारों Arm के resistance को इस प्रकार समायोजित करते हैं कि battery द्वारा circuit, Current प्रवाहित करने पर धारामापी में कोई

परिवर्तन न हो, इस स्थिति में bridge को balance कहा जाता है। Balance की स्थिति में, चतुर्भुज की किन्ही दो सम्मुख भुजाओं के प्रतिरोधों का अनुपात, शेष दो सम्मुख भुजाओं के प्रतिरोधों के अनुपात के बराबर होता है, अर्थात्

$$\frac{P}{Q} = \frac{R}{S}$$



बन्द पाश ABDA के लिए किरचॉफ का द्वितीय नियम लगाने पर -

$$i_1 \times P + 0 \times G + i_2 \times R = 0$$

$$i_1 P - i_2 R = 0$$

$$i_1 P = i_2 R \quad \text{--- (1)}$$

बन्द पाश BCD B के लिए किरचॉफ का
द्वितीय विमम लगाने पर

$$i_1 \times Q - i_2 \times S + 0 \times G = 0$$

$$i_1 Q - i_2 S = 0$$

$$i_1 Q = i_2 S \quad \text{--- (2)}$$

समीकरण (1) व (2) को भाग देने पर-

$\frac{P}{Q} = \frac{R}{S}$

*. AC Bridge :-

विद्युत राशियों के मापन में AC
bridge विधियों का अत्यन्त महत्व है,
Inductance, Capacitance, Storage factor (Q)
एवं resistance के मान AC bridge
Network प्रयुक्त कर Accurately ज्ञात
किए जा सकते हैं, AC bridge, wheatstone
bridge का ही संशोधित रूप है,
मूल रूप से AC bridge में चार Arms,
एक energy source तथा एक balance
detector होता है, AC bridge में प्रत्येक
Arms एक impedance होती है, तथा

battery के स्थान पर एक AC source एवं Galvanometer के स्थान पर एक sensitive Detector होता है, जो अल्प अल्प AC विभवान्तर की उपस्थिति भी Sens कर सकता है,

AC bridge के लिए ऊर्जा स्रोत तथा डिटेक्टर

निम्न frequency पर मापन के लिए एक सामान्य पावर लाइन, bridge के लिए supply का कार्य करती है। High frequency पर मापन में electronic Oscillator, bridge supply के लिए प्रयुक्त किए जाते हैं, इस Oscillator का यह गुण होता है कि इसकी frequency स्थिर होती है, तथा उसे सरलता से समायोजित किया जाता है। इसकी तरंग का आकार लगभग Sinusoidal होता है तथा इसकी Power Output, bridge मापन के लिए काफी होती है।

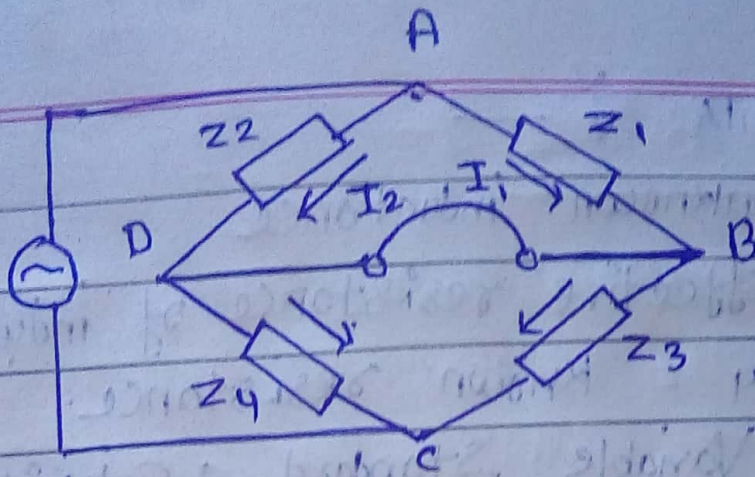
AC bridge पर सामान्यतः तीन प्रकार के detector प्रयुक्त किए जाते हैं -

- (i) Head Phone
- (ii) AC Amplifier Output Meter के साथ

(iii) electron ray tube indicator.

Principle of AC Bridge Measurement :-

Bridge की चार भुजाओं में चार impedance Z_1, Z_2, Z_3 व Z_4 Connect की गई हैं। Detector को Headphone द्वारा दिखाया गया है। Bridge की balance की अवस्था में तब होती है, जब Detector की response शून्य होती है, अथवा वह शून्य प्रदर्शित करता है। balance की अवस्था प्राप्त करने के लिए bridge की एक या अधिक भुजाओं को Adjust किया जाता है। bridge के balance के लिए समीकरण, impedance की Complex Notation (j) द्वारा प्रदर्शित कर ज्ञात की जाती है। ये राशियाँ impedance (Z) अथवा impedance (Y) हो सकती हैं। bridge के balance के लिए आवश्यक शर्त यह है कि बिन्दु B तथा D के मध्य Potential शून्य हो यह तभी सम्भव है जब A एवं D के मध्य Potential, A एवं B के मध्य Potential के बराबर हो तथा समान कला में हो।



$$E_{AB} = E_{AD}$$

$$I_1 Z_1 = I_2 Z_2$$

$$I_1 = \frac{E}{Z_1 + Z_3}$$

$$I_2 = \frac{E}{Z_2 + Z_4}$$

$$\frac{E}{Z_1 + Z_3} \cdot Z_1 = \frac{E}{Z_2 + Z_4} \cdot Z_2$$

$$Z_1 Z_2 + Z_1 Z_4 = Z_1 Z_2 + Z_2 Z_3$$

$$Z_1 Z_4 = Z_2 Z_3$$

$$Y_1 Y_4 = Y_2 Y_3 \quad (\text{impedance को } Y \text{ के रूप में प्रकट करने पर})$$

* Maxwell Bridge :-

Maxwell bridge को unknown inductance का मान रखना और capacitor के पदों में मापा जाता है। bridge के component

निम्न प्रकार है -

L_1 = Unknown inductance

R_1 = effective resistance of inductor L_1

R_2, R_3, R_4 = Known resistance

C_4 = Variable standard capacitor

bridge के balance की समीकरण निम्न पर -

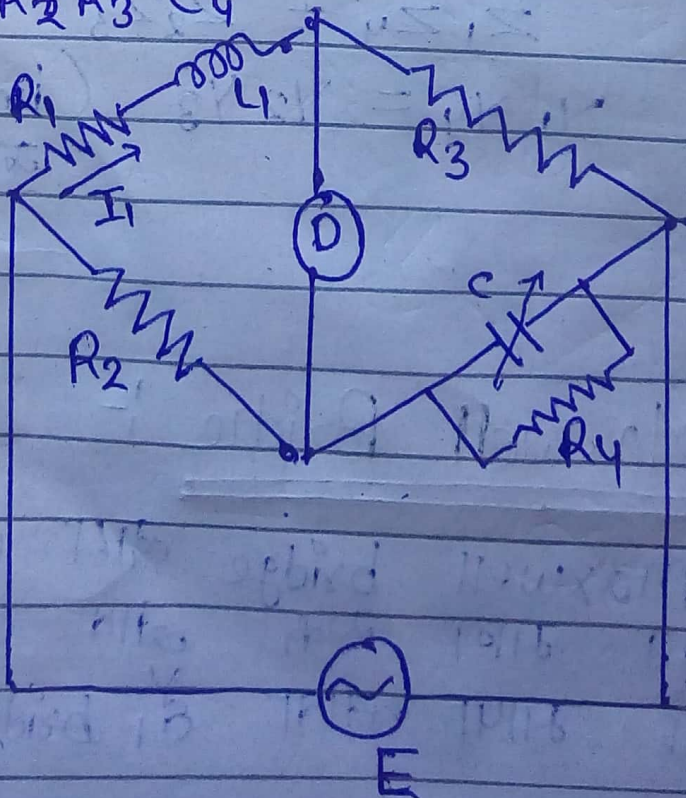
$$Z_1 Z_4 = Z_2 Z_3$$

$$(R_1 + j\omega L_1) \left(\frac{R_4}{1 + j\omega R_4 C_4} \right) = R_2 R_3$$

$$R_1 R_4 + j\omega L_1 R_4 = R_2 R_3 + j\omega R_2 R_3 C_4 R_4$$

$$R_1 = \frac{R_2 R_3}{R_4}$$

$$L_1 = R_2 R_3 C_4$$



* Hay Bridge :-

Hay bridge, Maxwell bridge का एक संशोधित रूप है। इस bridge में एक standard Capacitor के series में एक resistance (R_4) प्रयुक्त किया गया है। R_1 तथा L_1 अज्ञात Component हैं।

$L_1 =$ अज्ञात प्रेरक, जिसका प्रतिरोध R_1 है।

$R_2, R_3, R_4 =$ ज्ञात शुद्ध प्रतिरोध

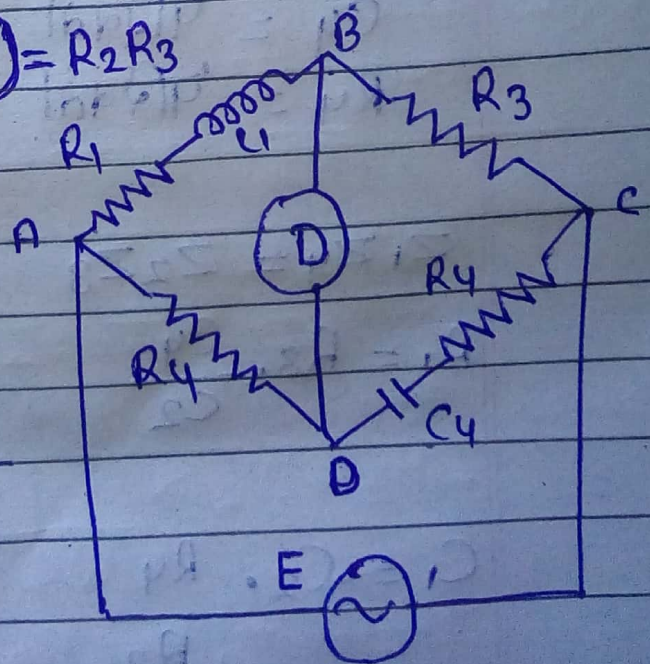
$C_4 =$ Standard Capacitor
bridge की balance की स्थिति में

$$Z_1 Z_4 = Z_2 Z_3$$

$$(R_1 + j\omega L_1)(R_4 - j/\omega C_4) = R_2 R_3$$

$$L_1 = \frac{R_2 R_3 C_4}{1 + \omega^2 C_4^2 R_4^2}$$

$$R_1 = \frac{\omega^2 R_2 R_3 R_4 C_4^2}{1 + \omega^2 C_4^2 R_4^2}$$



* Schering Bridge :-

Schering bridge एक अत्यंत महत्वपूर्ण AC bridge है, इसका उपयोग Capacitor के मापन में किया जाता है। संतुलन की अवस्था में bridge के connection दिखाए गए हैं।

C_1 = अज्ञात Capacitor

R_1 = Capacitor C_1 में हानि प्रदर्शित करने वाला प्रतिरोध

C_2 = Standard Capacitor

R_3 = शुद्ध प्रतिरोध

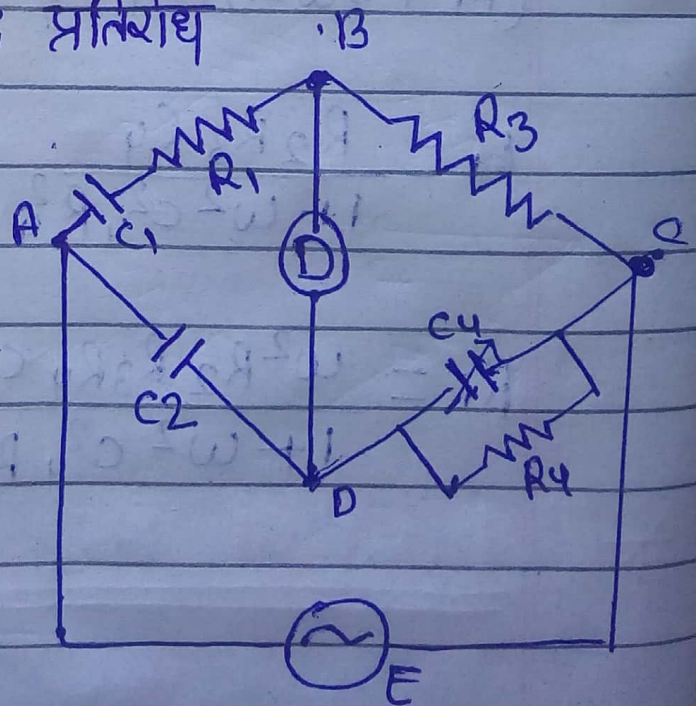
C_4 = परिवर्ती अज्ञात Capacitor

R_4 = परिवर्ती शुद्ध प्रतिरोध

$$Z_1 Z_4 = Z_2 Z_3$$

$$R_1 = R_3 \cdot \frac{C_4}{C_2}$$

$$C_1 = C_2 \cdot \frac{R_4}{R_3}$$



* De Sauty's Bridge :-

De Sauty bridge, दो धारिताओं (Capacitance) की तुलना करने के लिए उपयोग में लाया जाता है, Capacitor C_1 की धारिता ज्ञात करनी है, इसे एक Standard Capacitor C_2 से Compare किया जाता है।

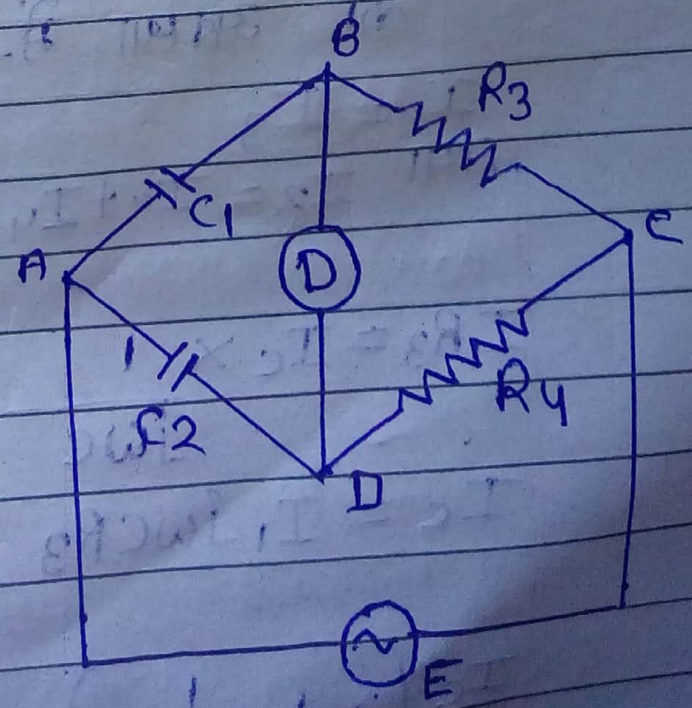
C_1 = अज्ञात Capacitor

C_2 = Standard Capacitor

R_3, R_4 = शुद्ध प्रतिरोध
 Bridge के संतुलन के लिए R_3 अथवा R_4 को परिवर्तित किया जा सकता है, bridge की संतुलन की अवस्था में

$$Z_1 Z_4 = Z_2 Z_3$$

$$C_1 = C_2 \frac{R_4}{R_3}$$



* Anderson bridge

इस bridge में self inductance L का मान एक standard capacitor के पदों में ज्ञात किया जाता है।

$L_1 =$ Unknown self inductance

$R_1 =$ Inductor का resistance

$r_1 =$ inductor के series में resistance

$r, R_2, R_3, R_4 =$ Unknown resistance

$C =$ Standard Capacitor

$D =$ Null Detector

bridge के होना
की अवस्था में -

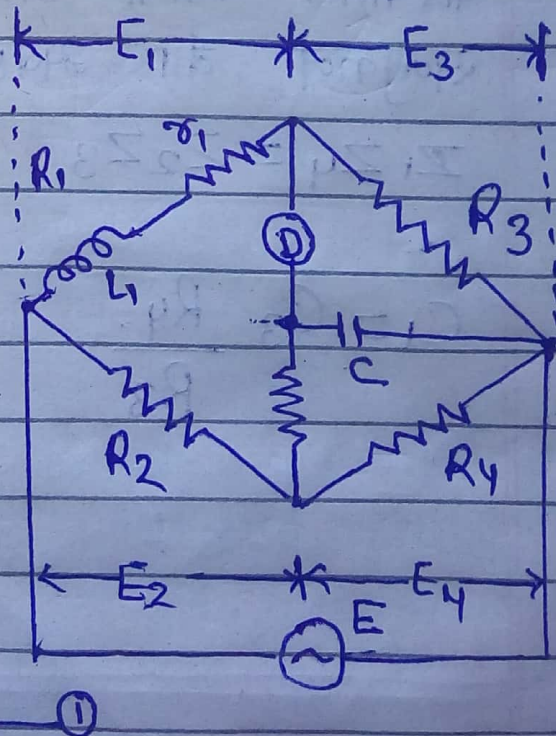
$$I_1 = I_3$$

$$\text{तथा } I_2 = I_c + I_4$$

$$I_1 R_3 = I_c \times \frac{1}{j\omega C}$$

$$I_c = I_1 j\omega C R_3 \quad \text{--- (1)}$$

$$I_c \left(r + \frac{1}{j\omega C} \right) = (I_2 - I_c) R_4 \quad \text{--- (2)}$$



समी० ① में $I_c = I_1 j\omega C R_3$ रखने पर -

$$I_1 (\delta_1 + R_1 + j\omega L_1 - j\omega C R_3 \delta) = I_2 R_2 \quad \text{--- (iii)}$$

$$I_1 (j\omega C R_3 \delta + j\omega C R_3 R_4 + R_3) = R_2 R_4 \quad \text{--- (iv)}$$

समी० (iii) व (iv) से -

$$I_1 (\delta_1 + R_1 + j\omega L_1 - j\omega C R_3 \delta) = I_1 \cancel{R_2 R_3} +$$

$$= I_1 \left(\frac{R_2 R_3}{R_4} + \frac{j\omega C R_2 R_3 \delta}{R_4} + \frac{j\omega C R_3 R_2}{R_4} \right)$$

Real तथा Imaginary पदों को तबल रखने पर -

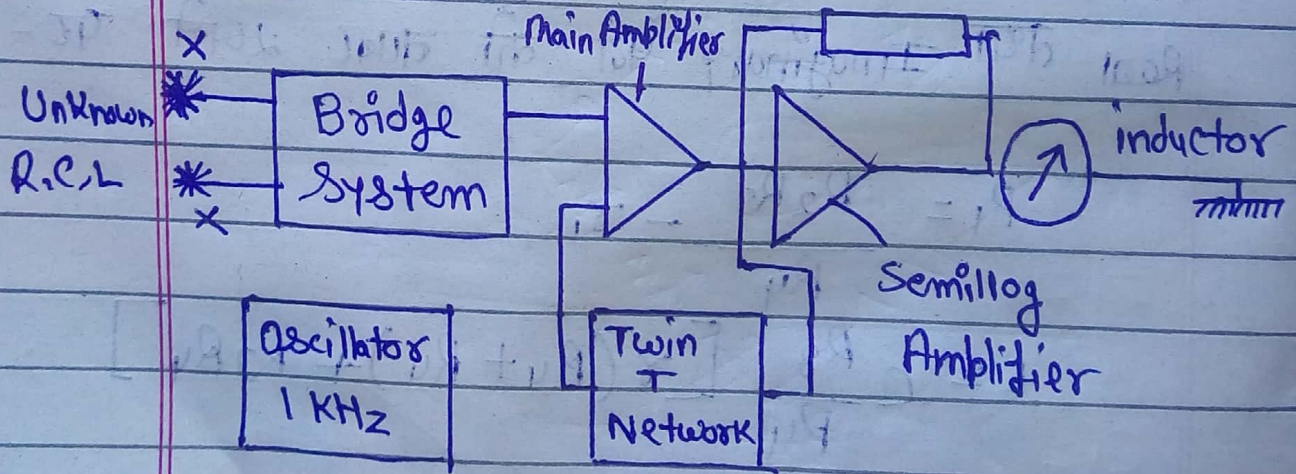
$$R_1 = \frac{R_2 R_3}{R_4} - \delta_1$$

$$L = C \frac{R_3}{R_4} [\delta (R_4 + R_4) + R_2 R_4]$$

* LCR Bridge :-

LCR bridge का उपयोग resistance, inductance तथा capacity मापन के लिए किया जाता है। यह balancing type अथवा digital हो सकता है। यहाँ एक balancing type LCR bridge में अज्ञात Component

(L, C, R) को bridge की एक भुजा में लगाया जाता है, तथा bridge की किसी अन्य भुजा में ज्ञात मान का Component (L, C, R) Connect कर bridge को balance किया जाता है, balancing की अवस्था, bridge में प्रयुक्त एक शून्य indicator लाप प्रदर्शित होती है, यह एक headphone meter अथवा tuning inductor ही सकता है, L, C तथा R मापन के लिए अलग-अलग bridge प्रयुक्त किए जाते हैं,



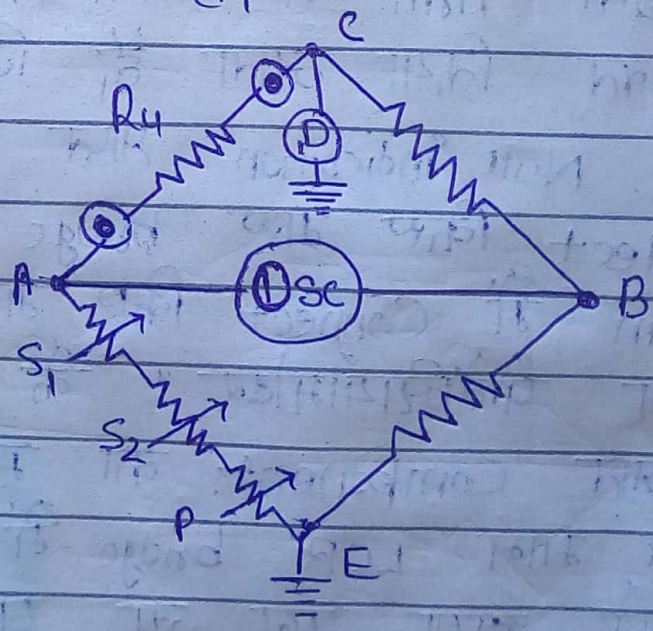
Bridge System :- Resistance, Capacitance तथा inductance के मापन के लिए पाँच अलग-अलग bridge प्रयोग किए जाते हैं, इसी section में प्रायः एक अन्य bridge भी प्रयोग किया जाता है, जिसका उपयोग दो महान प्रकार के परन्तु विभिन्न मान

के Component की तुलना के लिए किया जाता है। LCR Meter के front panel पर उपलब्ध switch द्वारा इन 6 bridge की आवश्यकता के अनुसार select किया जा सकता है। इन switch का operation bridge की किसी एक भुजा के साथ किया जा सकता है। यह भुजा balancing Arm की भौति प्रयुक्त की जाती है। इसी Arm में सामान्यतः एक पोटेंशियोमीटर प्रयुक्त किया जाता है, जिसके द्वारा मीटर में Null indication प्राप्त किया जाता है। Select किए गए bridge के इसी balancing Arm में Connect किए गए डिक्ट स्विच तथा पोटेंशियोमीटर के सम्मिलित पहलांक अज्ञात Component का मान प्रदर्शित करते हैं। यह मान LCR bridge में प्रयुक्त डिजिटल अंकों द्वारा पढ़ा जा सकता है। जो LCR bridge में इसी उद्देश्य से लगी windows में देखे जा सकते हैं।

(i) Resistance Measurement :- प्रतिरोध मापन के लिए

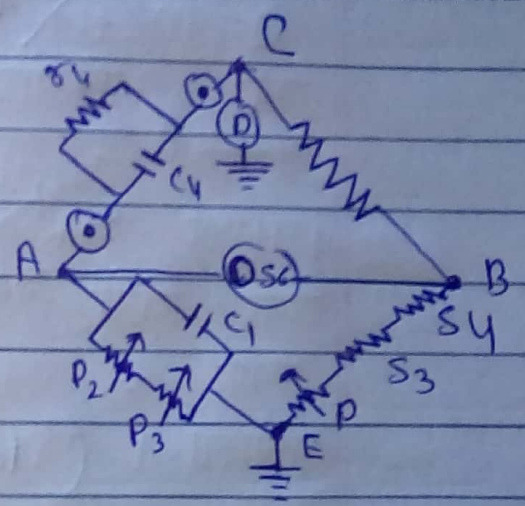
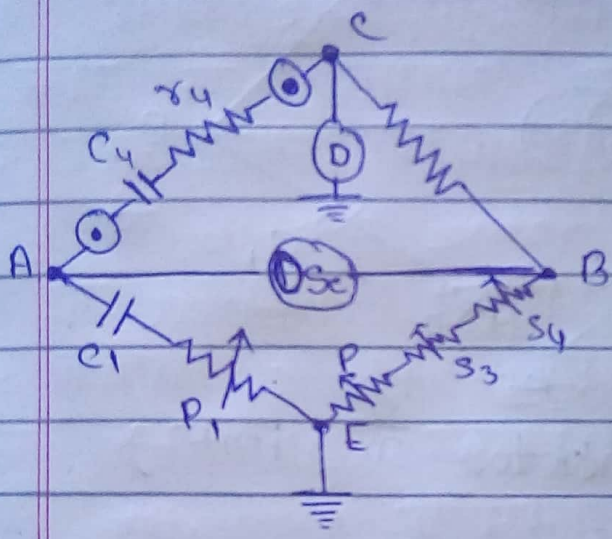
सामान्यतः wheatstone bridge प्रयुक्त किया जाता है। R_x अज्ञात प्रतिरोध है जिसे

bridge की भुजा AC में connect किया जाता है।
 bridge की भुजा AE balancing भुजा है।
 इसमें लयोजित दो डिस्क, डिस्क, Switch
 S_1 तथा S_2 एवं पोटेंशियोमीटर P द्वारा
 bridge को समुचित किया जाता है, डिस्क
 Switch द्वारा विभिन्न भुजा मान के
 प्रतिरोध भुजा AE में स्थित Switch होते
 हैं तथा शून्य indicator के अनुसार इसे
 set किया जाता है।



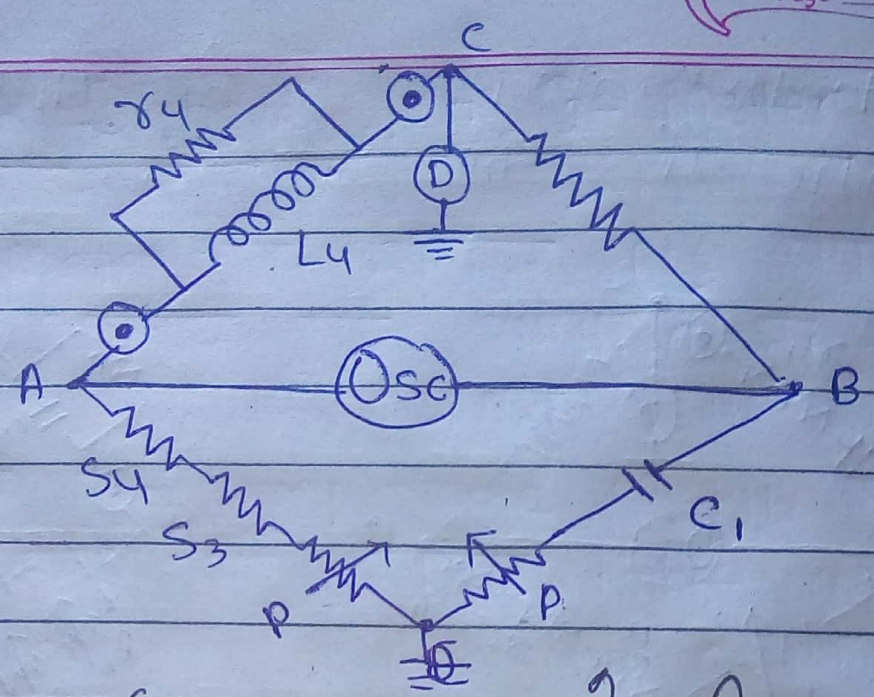
(ii) Capacitance Measurement :- Capacitance
 के लिए इस यंत्र में दो measurement
 प्रयोग किए जाते हैं। एक उच्च capacitor
 के मापन के लिए तथा दूसरा अधिक
 हानियुक्त capacitor के लिए, परीक्षण किए
 जाने वाले capacitor की तुलना एक

Standard Capacitor C_1 के साथ D-Shorty bridge में की गई है।

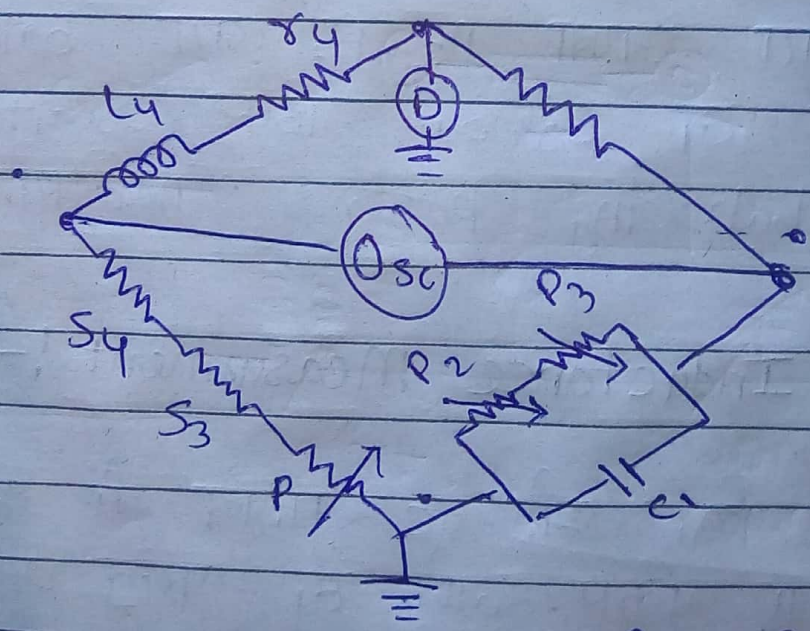


Capacitor का loss Component, पोटेंशियोमीटर P_1 द्वारा अथवा P_2, P_3 द्वारा balance out किया जाता है। S_3, S_4 डिक्रेट switch है तथा P balancing पोटेंशियोमीटर है।

(iii) Inductance Measurement :- Inductance measurement के लिए भी C मापन में प्रयुक्त bridge प्रयोग किए जाते हैं, परन्तु standard capacitance वाली भुजा, balance arm द्वारा प्रतिस्थापित की जाती है।



(low Inductor के लिए)



(High Inductor के लिए)

* Specification of An LCR Bridge

Non Automatic LCR bridge की Specification निम्न प्रकार दी जाती है -

- Automatic Measure : L, C, R, Q AND D
- Accuracy : 0.25%
- Measurement frequency : 100Hz - 1KHz
- Measurement range

Inductance (L) : 0.1 μ H to 9999 H

Capacitance (C) : 0.1 pF to 9999 μ F

Resistance (R) : 0.001 to 100 M

Storage factor (Q) : 0.1 to 99

Dissipation factor (D) : 0.1 to 99

Specification of A Digital LCR Bridge :-

- Variable measured : L, C, R AND D
- Measured frequencies : 1KHz and 100Hz
- Display : $3\frac{1}{2}$ digits

□ Measurement range :

Resistance (R) : 0.0 Ω to 20 M Ω

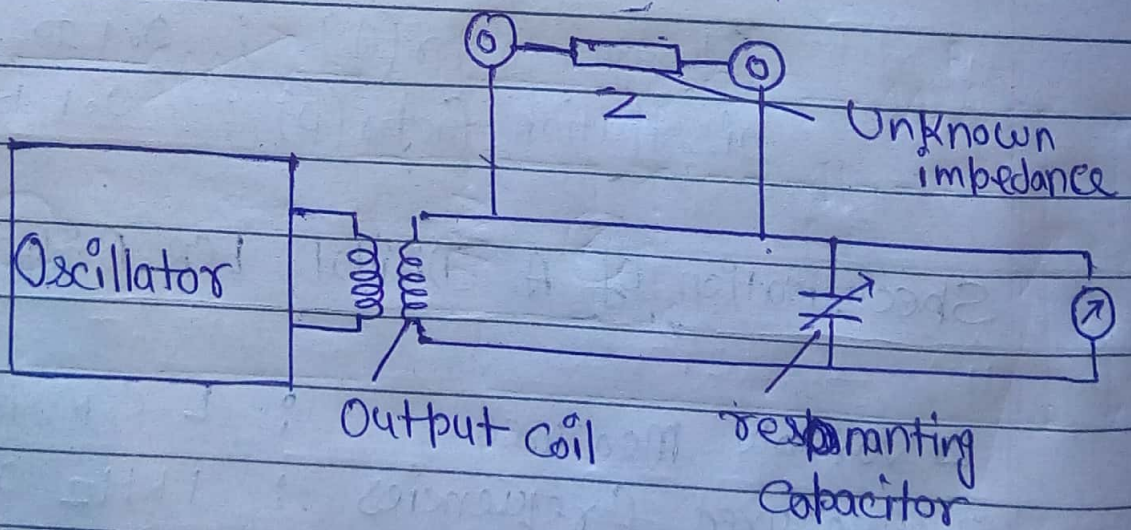
Capacitance (C) : 0.0 pF to 2000 μ F

Inductance (L) : 0.0 μ H to 2000 H

D-factor : 0.01 to 8.0 with 1 Acc

* Block Diagram of A Q-Meter *

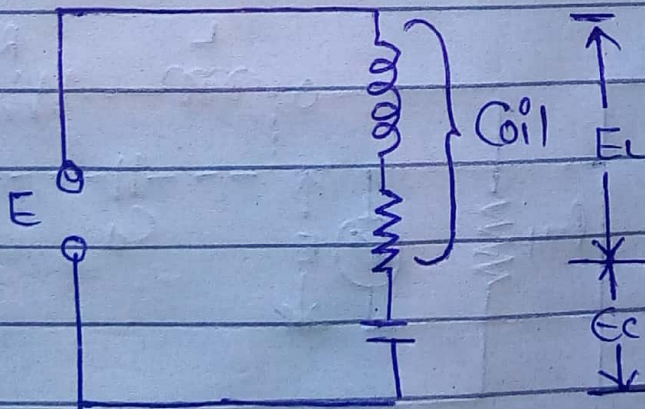
Q-meter का सिद्धान्त RLC श्रेणी परिपथ में अनुनाद पर आधारित है। यन्त्र में एक Oscillator प्रयुक्त किया जाता है जिसकी frequency range 500 kHz से 50 MHz तक होती है। अज्ञात impedance के साथ एक resonating Capacitor C मगाया जाता है। परिपथ में अनुनाद, Oscillator की frequency बढ़कर अथवा Capacitor की धारिता बढ़कर उत्पन्न किया जाता है।



Principle of Quality factor meter

Q-meter का डिजाइन कुछ विशेषताओं द्वारा तथा Capacitor के कुछ विद्युत गुणों के मापन के लिए किया जाता है। इस उपयोगी

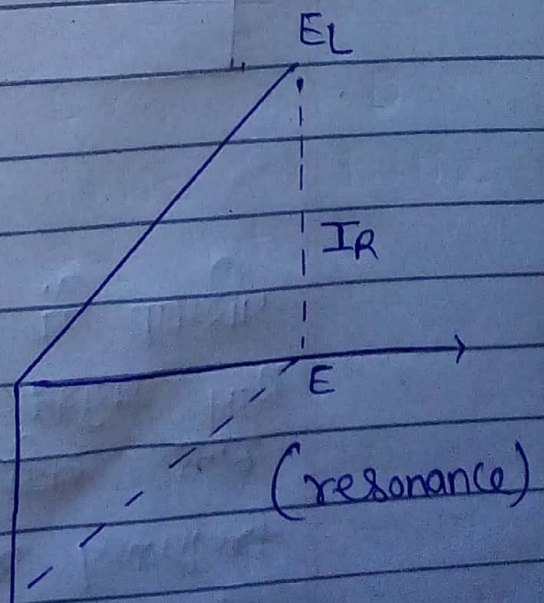
योज का Observation, Series resonance परिपथ के अभिलक्षणों पर आधारित है, उदाहरणतः कुण्डली अथवा Capacitor के सिरे के मध्य Voltage, परिपथ की Apply की गई Voltage तथा परिपथ के Q के गुणनफल के बराबर होती है, यदि परिपथ की fix Voltage Apply की जाए तब Capacitor के terminal के मध्य संयोजित एक Voltmeter सीधे Q मापन के लिए Calibrate किया जाता है।



$$X_C = X_L$$

$$E_C = I X_C = I X_L$$

$$E = IR$$



$E =$ Applied Voltage

$I =$ ~~Circuit~~ Circuit Current

$E_C =$ Capacitor terminal के मध्य Voltage

$X_C =$ Capacitive reactance

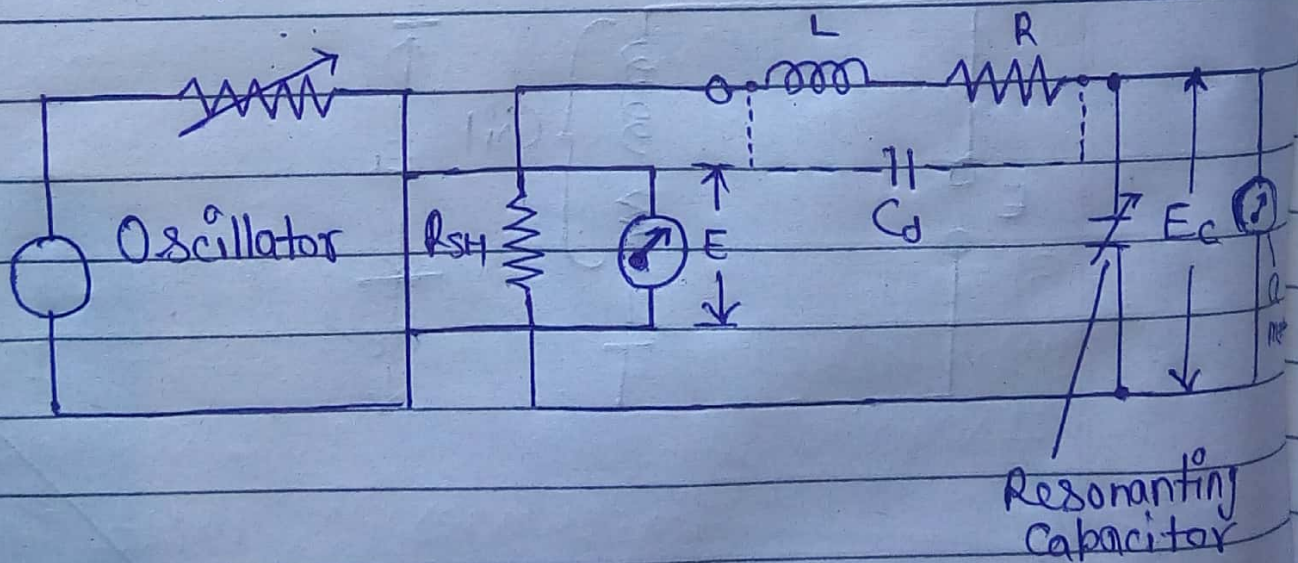
$X_L =$ Inductive reactance

$R =$ Coil resistance

परिपथ द्वारा आविधन Q कहलाता है,

$$Q = \frac{X_L}{R} = \frac{X_C}{R} = \frac{E_C}{E}$$

यदि E को स्थिर रखा जाए तब Capacitor terminal के मध्य एक Voltmeter Connect कर, उसे सीधे Q पदों में Calibrate किया जाता है,



परिपथ में low Value Shunt resistance R_{SH} प्रयुक्त किया गया है, इस प्रतिरोध में एक बड़ी रेंज का Oscillator जिसकी frequency range 50 KHz से 50 MHz तक है, Current supply करता है, शून्य प्रतिरोध

(RSH) का मान काफी कम 0.02Ω के क्रम का होता है। यह प्रतिरोध, Oscillator परिपथ में लगभग शून्य प्रतिरोध प्रवेश करता है। इस प्रकार Oscillator परिपथ का इस Voltage Source का कार्य करता है जिसकी Voltage E तथा आन्तरिक प्रतिरोध अत्यंत निम्न है। Shunt प्रतिरोध के terminal के मध्य Voltage E एक Thermocouple type meter द्वारा बनाई जाती है। Variable Capacitor पर Voltage एक Electronic Voltmeter द्वारा मापी जाती है। इस Voltmeter का स्केल सीधे Ω के पदों में Calibrate होता है।

Method of measuring Q :- L, C तथा R को Connect करने की तीन विधियाँ हैं।

- (i) Direct method
- (ii) Series method
- (iii) Shunt method